

La rédaction et l'orthographe sont également appréciées. [0,5 pt] Calculatrice interdite.

Exercice 1 - 15' - 6 pts

La somme \vec{f} des forces exercées par l'air sur un parachutiste de masse $m = 80 \text{ kg}$ en chute verticale est verticale vers le haut, et sa valeur est variable.

On définit un axe vertical Oy orienté dans le sens du mouvement.

Phase 1	Phase 2	Phase 3
$f = 0 \text{ N}$	$f = 300 \text{ N}$	$f = 800 \text{ N}$

1. Établir l'inventaire des forces qui s'exercent sur le parachutiste pour chaque phase du saut.

Faire un schéma de ces forces sans souci d'échelle mais de façon cohérente.

2. Pour chacune des phases :

a. déterminer les caractéristiques du vecteur accélération \vec{a}_G du centre de masse G du parachutiste ;

b. donner la nature du mouvement de G .

Donnée

Intensité de la pesanteur : $g = 10 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

	Schéma des forces	Caractéristiques de \vec{a}	Nature du mouvement
Phase 1	●		
Phase 2	●		
Phase 3	●		

/2

/3

/1

Exercice 2 - 35' - 13,5 pts

Le Cornhole, contraction des mots anglais « corn » et « hole » voulant dire « maïs » et « trou », est un jeu de plein air pratiqué entre autres aux États-Unis et au Canada. Les règles de ce jeu sont assez simples. Chaque joueur est muni de quatre petits sacs contenant du maïs qu'il doit lancer en direction d'une planche inclinée par rapport à l'horizontale munie d'un trou circulaire et située environ à 8 mètres du joueur. À chaque fois qu'un sac retombe sur la planche, le joueur marque un point ; si le sac passe par le trou circulaire, le joueur marque trois points. Le premier joueur qui marque 21 points gagne la partie.

On étudie dans cet exercice les aspects énergétiques du lancer du sac puis le mouvement du centre de masse du sac dans le référentiel terrestre supposé galiléen.

Données :

- intensité de la pesanteur terrestre : $g \approx 10 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$;
- masse du sac : $m \approx 0,5 \text{ kg}$.



Un joueur se place à une distance d de la planche afin de réaliser un lancer de son sac de maïs. La situation est représentée sur la figure 1 ci-dessous. Afin de simplifier l'étude, la planche est considérée quasi-horizontale. Dans le repère d'espace (Ox, Oz) muni des vecteurs unitaires \vec{i} et \vec{k} , le sac de maïs est lancé, depuis une hauteur initiale H , avec une vitesse initiale dont le vecteur \vec{v}_0 est incliné d'un angle α par rapport à l'horizontale. On s'intéresse au mouvement du centre de masse G du sac. L'axe (Oz) du repère d'espace est vertical.

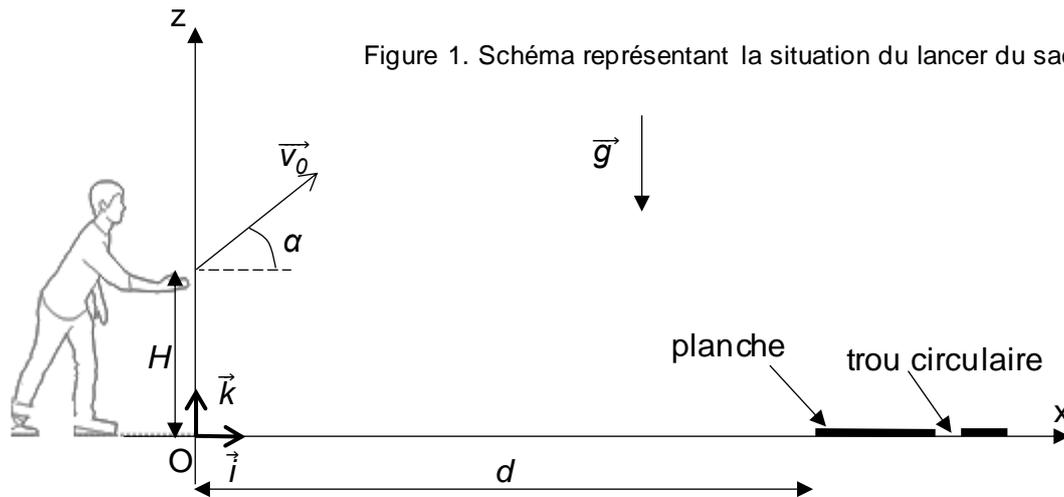


Figure 1. Schéma représentant la situation du lancer du sac

Étude énergétique

Le mouvement complet du sac est filmé puis étudié à l'aide d'un logiciel de pointage. Les données de la partie ascendante du mouvement sont traitées à l'aide d'un programme écrit en langage python (extrait en figure 2) qui permet de représenter l'évolution au cours du temps des énergies cinétique (E_c), potentielle de pesanteur (E_{pp}) et mécanique (E_m) du sac (figure 3).

```

1 #importation des bibliothèques utilisées
2 import numpy as np
3 import matplotlib.pyplot as plt
4
5 # valeurs experimentales
6 z=np.array([0.869,0.996,1.17,1.3,1.41,1.51,1.6,1.67,1.75,1.82,1.86,1.92,1.94,1.94,1.97,1.96,1.96])
7 t=np.array([0,0.033,0.067,0.1,0.133,0.167,0.2,0.233,0.267,0.3,0.333,0.367,0.4,0.433,0.467,0.5,0.533])
8 vx=np.array([7.61,7.66,7.712,7.517,7.595,7.578,7.334,7.39,7.329,7.184,7.239,7.116,7.065,7.119,6.997,7.006,6.997])
9 vz=np.array([4.8,4.484,4.158,3.797,3.219,2.787,2.515,2.314,2.008,1.827,1.447,0.9539,0.7198,0.3329,0.1782,
10 -0.02958,-0.4165])
11
12 #Calcul des énergies
13 m=0.500
14 g=10
15 ? = (vx**2 + vz**2)**(1/2)
16 ? = 0.5*m*v**2
17 ? = m*g*z
18 ? = 0.5*m*v**2 + m*g*z
19

```

Figure 2. Extrait du programme écrit en langage python

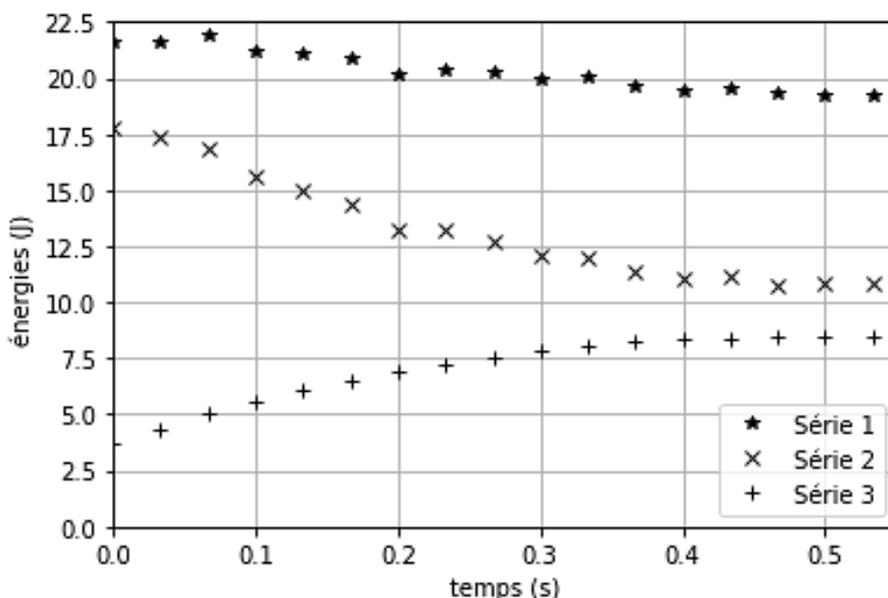


Figure 3. Évolution des énergies cinétique, potentielle de pesanteur et mécanique du sac au cours du temps obtenue à l'aide du programme écrit en langage python

1. Identifier les grandeurs calculées dans l'extrait du programme (figure 2) aux lignes 15, 16, 17 et 18.

/2

2. Exploitation de la figure 3.

a. En justifiant votre choix, attribuer à chaque série l'énergie qui lui correspond.

/1,5

b. Expliquer en quoi les résultats expérimentaux permettent de considérer que l'action de l'air sur le sac n'est pas négligeable devant le poids du sac.

/1

c. En utilisant le graphique de la figure 3 à l'instant initial, estimer la valeur de l'altitude initiale H du centre de masse du sac.

/1,5

Étude du mouvement du sac après le lancer

On souhaite étudier la chute du sac au cours du temps. La situation est toujours représentée sur la figure 1. Les frottements ne seront pas pris en compte dans cette partie.

On souhaite établir les expressions littérales des grandeurs accélération, vitesse et position du sac lors de son mouvement, ainsi que les caractéristiques (vitesse initiale et direction initiale) nécessaires à la réussite d'un lancer valant trois points.

3. Déterminer les expressions des coordonnées a_x et a_z du vecteur accélération \vec{a} du centre de masse du sac suivant les axes Ox et Oz .

/2

4. En déduire les expressions littérales des coordonnées $v_x(t)$ et $v_z(t)$ du vecteur vitesse du centre de masse du sac au cours du mouvement.

/2

5. En déduire les expressions littérales des équations horaires $x(t)$ et $z(t)$ du vecteur position du centre de masse du sac au cours du mouvement.

/1,5

6. Montrer que l'équation littérale de la trajectoire du centre de masse du sac dans le repère d'espace (Ox, Oz) est :

$$z(x) = -\frac{1}{2}g \cdot \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2(\alpha)} + x \cdot \tan(\alpha) + H. \text{ Qualifier la trajectoire.}$$

/1

7. Indiquer les paramètres initiaux de lancement sur lesquels le joueur peut avoir une influence et qui jouent un rôle pour la réussite d'un lancer à trois points.

/1