

Répondre directement sur la feuille.

Calculatrice interdite

Nom :

Prénom :

Note :

/10

Plongée d'exploration des fonds avec un sous-marin scientifique.

On modélisera le sous-marin par une sphère parfaite. Un panneau cylindrique de 1,0 m de diamètre permet d'entrer dans le sous-marin, par l'intermédiaire d'un sas. Par sécurité toutefois, la sphère a été conçue pour résister à une pression relative pouvant aller jusqu'à $P_{\max} = 1000$ bar.

Données : intensité de la pesanteur $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$; Arrondir la valeur de π à 3 ; aide au calcul : $0,5^2 = \frac{1}{4} = 0,25$;

1. Convertir la pression P_{\max} en Pa.

$$P_{\max} = 10^3 \times 10^5 = 10^8 \text{ Pa.}$$

/0,5

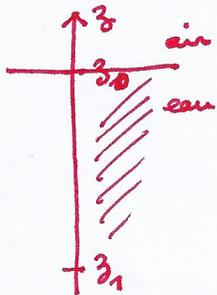
2. Le manomètre extérieur du Nautille indique une pression absolue $P_0 = 1,00$ bar avant l'immersion. Lors de la plongée, le sous-marin se stabilise et le manomètre indique une pression absolue $P_1 = 600$ bar. Quelles auraient été les indications du manomètre avant et après immersion s'il avait mesuré les pressions relatives ? Justifier.

$$P_{\text{relative}} = P_{\text{absolue}} - P_{\text{atm}} \Rightarrow P_{\text{atm}} = P_0 = 1,00 \text{ bar}$$

$$\text{donc } P_{\text{avant}} = 0 \text{ bar} \quad P_{\text{après}} = 599 \text{ bar.}$$

/1,5

3. En appliquant le principe fondamental de l'hydrostatique, calculer la profondeur à laquelle le sous-marin s'est stabilisé. Bien justifier en utilisant notamment un schéma légendé.



$$P_0 + \rho \cdot g \cdot z_0 = P_1 + \rho \cdot g \cdot z_1$$

$$1 \cdot 10^5 + 10^3 \cdot 10 \cdot 0 = 600 \cdot 10^5 + 10^3 \cdot 10 \cdot z_1$$

$$-599 \cdot 10^5 = 10^4 \cdot z_1$$

$$\underline{\underline{-599 \cdot 10^5 / 10^4 = -5990 \text{ m} = z_1}} \quad (\text{soit } \underline{\underline{6 \text{ km de profondeur}}}).$$

/3

4. Calculer la force pressante, F_{\max} , en méganewton (MN), qui s'applique sur la surface du disque du sas d'entrée du sous-marin à la pression maximale P_{\max} .

$$F_{\max} = P_{\max} \times S \quad \text{ou} \quad S = \pi \cdot r^2 \quad (\text{disque})$$

$$\approx 3 \times 0,25 = 0,75 \text{ m}^2$$

$$\text{donc } F_{\max} = 10^8 \times 0,75 = 7,5 \times 10^7 \text{ N} = \underline{\underline{75 \text{ MN}}}$$

/2

5. Calculer la masse m_{\max} en tonne, à appliquer sur le sas si un test de sécurité devait être fait à l'air libre avant l'immersion. Bien justifier.

Cette force doit être équivalente à une masse de poids $\vec{P} = \vec{F}_{\max}$

$$\text{donc } P = m_{\max} \cdot g = F_{\max} \quad \text{donc } m_{\max} = \frac{F_{\max}}{g} = \frac{75 \times 10^6}{10} = 7,5 \times 10^6 \text{ kg}$$

soit 7500 tonnes!

/1,5

6. Le sous-marin s'étant stabilisé à une profondeur constante lors de la plongée, le poids du submersible est compensé par la poussée d'Archimède. Il navigue à vitesse constante avec une force motrice d'intensité $F = 3$ kN. Le submersible est soumis à une force de frottements, f , de la part de l'eau de mer.

L'intensité f est-elle égale, inférieure ou supérieure à l'intensité F ? Justifier.

Le mouvement étant rectiligne uniforme, d'après le principe d'inertie

$$\vec{P} + \vec{F}_A = \vec{0} \quad \text{et} \quad \vec{f} + \vec{F}_m = \vec{0} \quad \text{donc } \underline{\underline{F = f}}$$

/1,5