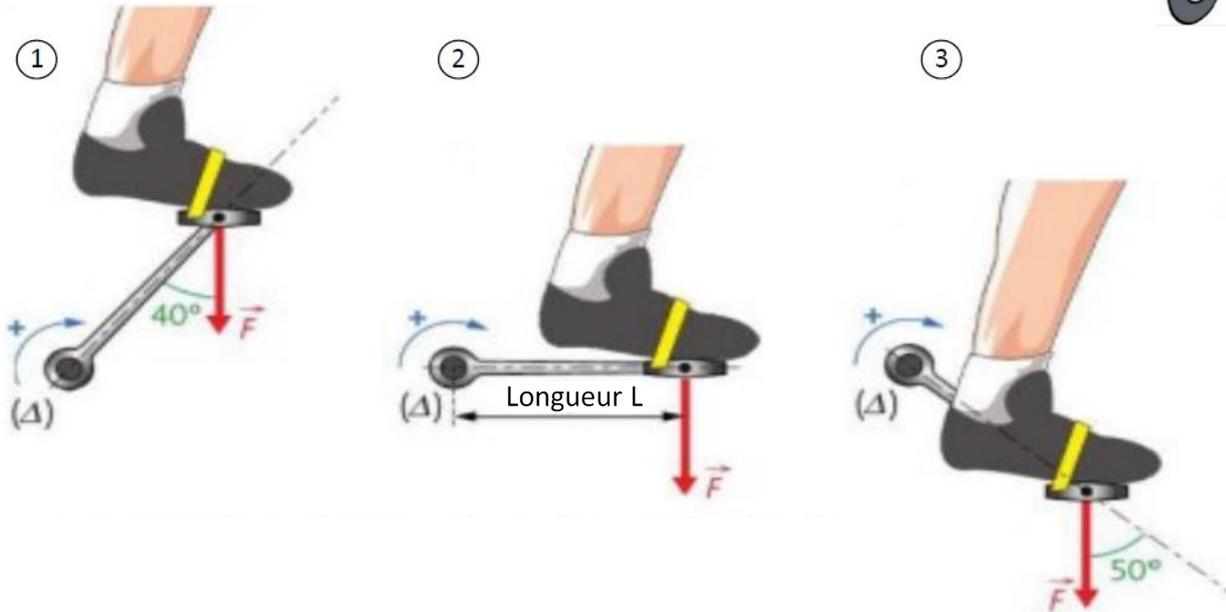


Capacités exigibles : - Définir et calculer le moment d'une force et d'un couple de forces.

Le pied d'un cycliste appuie sur la pédale du vélo pour mettre en rotation la roue arrière via la chaîne. Imaginons la situation suivante : le pied d'un cycliste exerce sur la pédale une force  $\vec{F}$  verticale, dirigée vers le bas, d'intensité  $F = 45,0 \text{ N}$ . La longueur de la manivelle est  $L = 170 \text{ mm}$ .

L'objectif de ce TP est de déterminer dans laquelle de ces 3 situations suivantes le mouvement sera le plus efficace et d'aider Bob le cycliste en lui expliquant comment mieux pédaler...



### Document 1 : Définition du moment d'une force

Le moment d'une force  $\vec{F}$  qui s'exerce sur un solide en rotation autour d'un axe  $\Delta$  est noté  $\mathcal{M}_{\Delta}(\vec{F})$  et s'exprime en N.m. Il caractérise l'effet de cette force sur la rotation du solide.

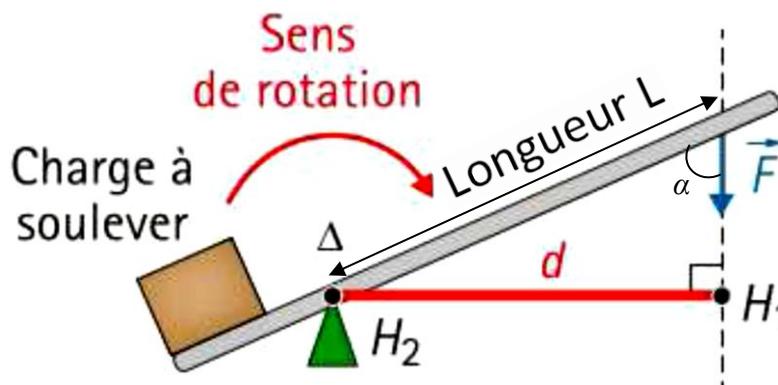
Ce moment, est défini par  $\mathcal{M}_{\Delta}(\vec{F}) = F \times d$  où  $F$  est la valeur de la force exercée (en N) ;

$d$  est la distance (en m) séparant le support de la force de l'axe de rotation  $\Delta$

Remarque : cette distance  $d$  est appelée le « **bras de levier** ». Attention à ne pas le confondre avec la longueur  $L$  de la tige ou du levier sur laquelle s'exerce la force !

$$\mathcal{M}_{\Delta}(\vec{F}) = F \times d = F \times L \times \sin \alpha$$

Ici,  $\sin \alpha = \frac{d}{L}$



Rappel : dans un triangle rectangle :

$$\sin(\text{angle}) = \frac{\text{coté opposé}}{\text{hypoténuse}}$$

## 1 Comprendre intuitivement l'effet du moment d'une force

1. Parmi les deux photographies ci-contre, pour une même valeur de force, dans quel cas peine-t-on le moins à visser efficacement la roue ? Justifier.

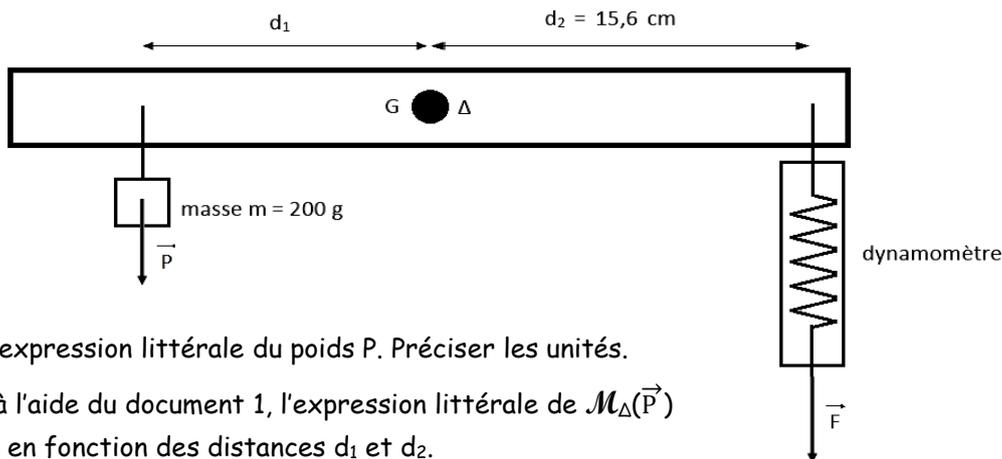


2. Retour sur le cycliste : sur chacun des dessins 1 à 3 de la page précédente, faire apparaître la distance du bras de levier en couleur/fluo.

3. Dans quelle situation le cycliste est-il le plus efficace dans son geste ? Justifier.

## 2 Équilibre d'une barre en rotation (cas facile)

On dispose d'une barre pouvant tourner autour d'un axe en rotation  $\Delta$  confondu avec le centre de gravité  $G$  de la barre. On suspend une masse  $m = 200 \text{ g}$  à différentes distances  $d_1$  de l'axe de rotation  $\Delta$ , si bien qu'il s'exerce sur la barre une force égale au poids  $\vec{P}$  de cette masse. Afin que la barre soit en équilibre (parfaitement à l'horizontale), on exerce une force  $\vec{F}$  à une distance  $d_2 = 15,6 \text{ cm}$  de l'axe de rotation. Cette force, de valeur  $F$ , est exercée à la main et est mesurée par l'intermédiaire d'un dynamomètre.



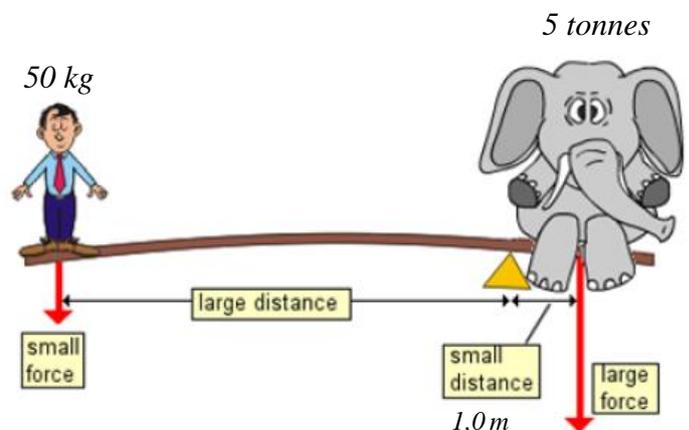
4. Donner l'expression littérale du poids  $P$ . Préciser les unités.

5. Donner, à l'aide du document 1, l'expression littérale de  $\mathcal{M}_\Delta(\vec{P})$  puis de  $\mathcal{M}_\Delta(\vec{F})$  en fonction des distances  $d_1$  et  $d_2$ .

6. Réaliser l'expérience pour obtenir l'équilibre et compléter le tableau ci-dessous avec vos résultats.

Donnée : Intensité de la pesanteur terrestre :  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ .

$d_2$ (cm)	15,6		
$P$ (N)			
$d_1$ (cm)	5,2	10,4	15,6
$F$ (N)			
$\mathcal{M}_\Delta(\vec{P})$ (N.m)			
$\mathcal{M}_\Delta(\vec{F})$ (N.m)			

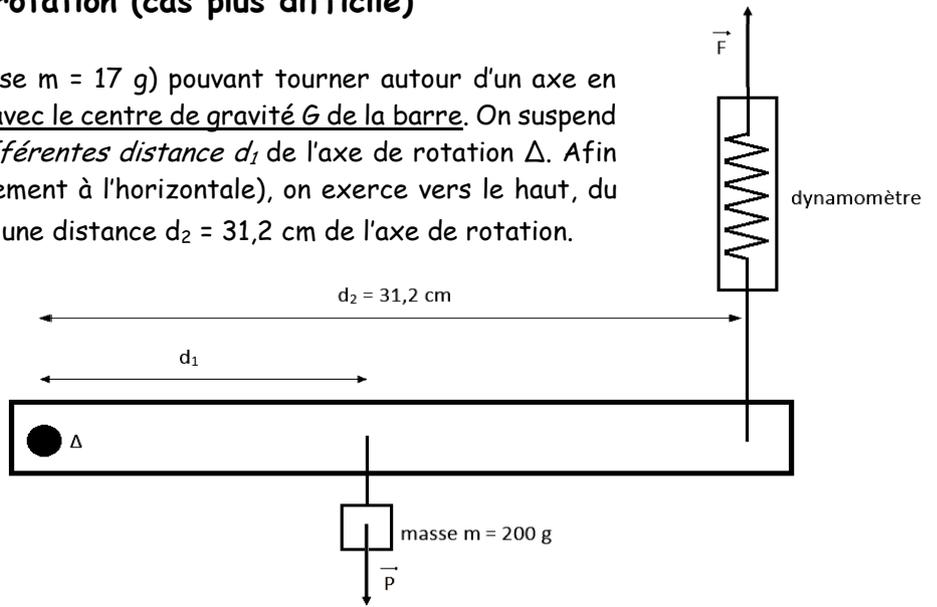


7. En déduire une relation entre  $\mathcal{M}_\Delta(\vec{P})$  et  $\mathcal{M}_\Delta(\vec{F})$  pour obtenir l'équilibre à l'horizontale de la barre.

8. En déduire une égalité entre les grandeurs  $d_1$ ,  $P$ ,  $d_2$  et  $F$  lorsque la barre est en équilibre autour d'un axe de rotation. Commenter l'image ci-dessus. A quelle distance faut-il se mettre pour soulever un éléphant ?

### 3 Équilibre d'une barre en rotation (cas plus difficile)

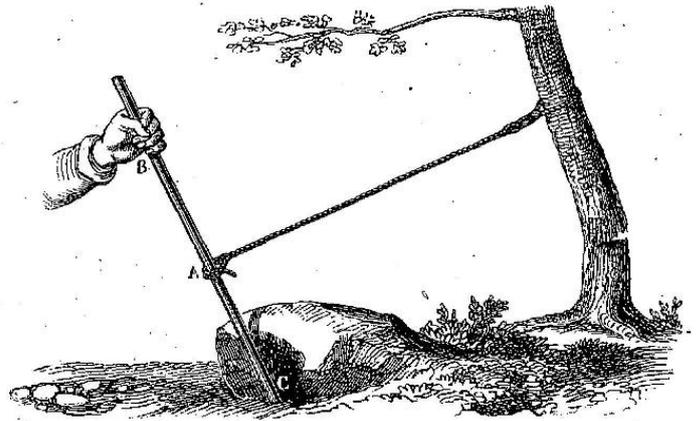
On dispose de la même barre (de masse  $m = 17 \text{ g}$ ) pouvant tourner autour d'un axe en rotation  $\Delta$ , cette fois-ci non confondu avec le centre de gravité  $G$  de la barre. On suspend de nouveau une masse  $m = 200 \text{ g}$  à différentes distance  $d_1$  de l'axe de rotation  $\Delta$ . Afin que la barre soit en équilibre (parfaitement à l'horizontale), on exerce vers le haut, du même côté de la barre, une force  $\vec{F}$  à une distance  $d_2 = 31,2 \text{ cm}$  de l'axe de rotation. Cette force, de valeur  $F$ , est exercée à la main et est mesurée par l'intermédiaire d'un dynamomètre.



9. A votre avis, d'après la question 8, quelle relation s'attend-on à trouver entre  $d_1$ ,  $P$ ,  $d_2$  et  $F$  lorsque la barre est en équilibre ?

10. Réaliser l'expérience pour obtenir l'équilibre et compléter le tableau ci-dessous avec vos résultats.

$d_2$ (cm)	31,2		
$P$ (N)			
$d_1$ (cm)	7,8	15,6	23,4
$F$ (N)			
$\mathcal{M}_\Delta(\vec{P})$ (N.m)			
$\mathcal{M}_\Delta(\vec{F})$ (N.m)			
Écart entre $\mathcal{M}_\Delta(\vec{P})$ et $\mathcal{M}_\Delta(\vec{F})$ (N.m)			



11. Un élève pensait qu'il y aurait égalité entre  $\mathcal{M}_\Delta(\vec{P})$  et  $\mathcal{M}_\Delta(\vec{F})$ . Pourquoi a-t-il tort ? Faire la moyenne des écarts. À quoi correspond cette valeur moyenne ? Quelle force aurait dû être pris en compte ici pour modéliser l'équilibre ? Quel est la valeur du moment de cette force. Conclure.

12. Représenter les 2 forces exercées en A et en B sur la barre susceptible de tourner autour du point C dans l'exemple représenté ci-dessus. A quelle condition peut-on faire tomber l'arbre d'une seule main ?

### 4 Retour sur la problématique du cycliste

13. Pour les 3 situations du contexte du début du TP, attribuer la bonne valeur du moment de la force  $F$  à chaque situation. Justifier en détaillant les calculs.

a.  $4,91 \text{ N.m}$  ; b.  $5,85 \text{ N.m}$  ; c.  $7,65 \text{ N.m}$

14. Quels conseils donneriez-vous au cycliste pour pédaler plus efficacement ?

15. Sur chacun des schémas ci-contre, représenter la direction de la force pour pédaler le plus efficacement. Déterminer alors le moment de la force dans ce cas.

